Mathematik Q2 -1-

Das Würfelbeispiel

Koordinatenursprung = Punkt D

Die Punkte:

A(4|0|0)

B(4|4|0)

C(0|4|0)

D(0|0|0)

E(4|0|4)

F(4|4|4)

G(0|4|4)

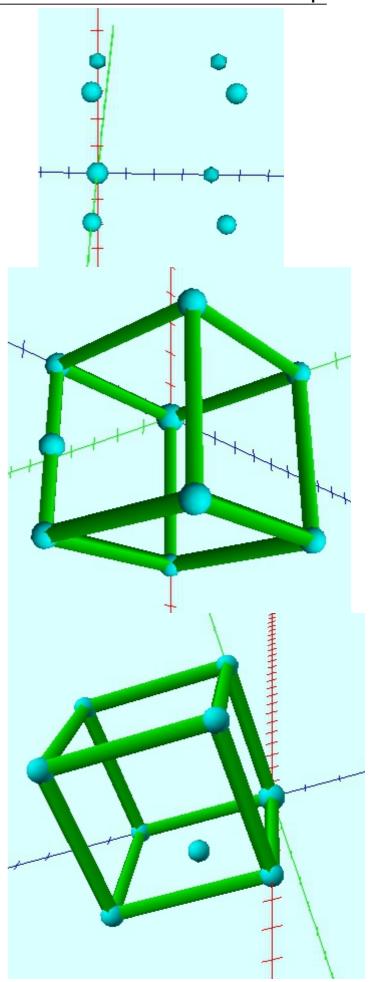
H(0|0|4)

Mittelpunkt der Seite AB: MAB (4|2|0) >>>>

Schnittpunkt der Diagonalen AC und BD (in der Fläche ABCD): DABCD (2|2|0)

Vorsicht!

- Blaue Achse = x₁-Achse
- Rote Achse = x₂-Achse
- Grüne Achse = x₃-Achse



Mathematik Q2 - 2 -

Mittelpunkt des Würfels M_w (2|2|2)

Jetzt mit Vektoren!

$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 0 \\ 4 \\ 0 \end{pmatrix}, \vec{b} = \begin{pmatrix} -4 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \vec{c} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}$$

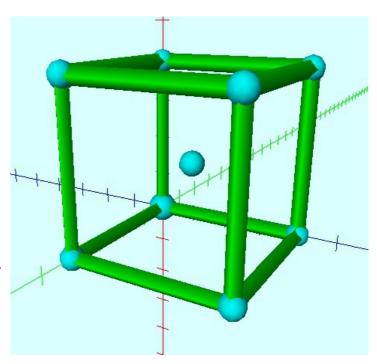
d.h.

$$\vec{a} = \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$$
, $\vec{b} = \overrightarrow{AD} = -\overrightarrow{DA}$, $\vec{c} = \overrightarrow{AE} = \overrightarrow{DH}$

Mit den 3 Vektoren \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} basteln wir uns jetzt Vektorketten!

Beispiel 1:

Um vom Punkt A aus zum Mittelpunkt der



Seite AB: M_{AB} (4|2|0) zu kommen, nehmen wir den Vektor a nur zur Hälfte (= halbe Verschiebung a!). Doch wir müssen erst noch zum Punkt A kommen (, sonst stimmen die Koordinaten des Mittelpunktes nicht mit unserer Überlegung oben überein!!)

Also:
$$M_{AB} = -\vec{b} + \frac{1}{2}\vec{a} = \frac{1}{2}\vec{a} - \vec{b}$$

Beispiel 2: Zum Schnittpunkt der Diagonalen D_{ABCD} (2|2|0)

$$D_{ABCD} = -\frac{1}{2}\vec{b} + \frac{1}{2}\vec{a} = \frac{1}{2}\vec{a} - \frac{1}{2}\vec{b}$$

Beispiel 3: Zur Würfelmitte M_w (2|2|2)

$$M_{W} = -\frac{1}{2}\vec{b} + \frac{1}{2}\vec{a} + \frac{1}{2}\vec{c} = \frac{1}{2}\vec{a} - \frac{1}{2}\vec{b} + \frac{1}{2}\vec{c} = \frac{1}{2}(\vec{a} - \vec{b} + \vec{c})$$

Man nennt solche Ketten von Vektoren auch Linearkombinationen: darunter versteht man eine Summe von Vektoren, die jeweils noch mit einer Zahl multipliziert werden (Anschaulich entspricht der Multiplikation mit einer Zahl so etwas wie eine Gewichtung des Vektors in der Linearkombination)